

ΓΡΑΠΤΕΣ ΠΡΟΑΓΩΓΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ ΜΑΙΟΥ ΙΟΥΝΙΟΥ 2007

ΘΕΜΑ 1<sup>ο</sup> Α) Να αποδείξετε ότι αν  $\alpha, \beta > 0$  τότε  $|\alpha - \beta| < \alpha + \beta$  (10)

β) Εστω το τριώνυμο  $f(x) = \alpha x^2 + \beta x + \gamma$ ,  $\alpha \neq 0$

Να γράψετε τους τύπους του  $S = \chi_1 + \chi_2$  και  $P = \chi_1 \cdot \chi_2$  όπου  $\chi_1, \chi_2$  οι ρίζες του τριωνύμου (5)

Β Να χαρακτηρίσετε τις παρακάτω προτάσεις ως Σωστό (Σ) ή Λάθος (Λ)

1) Εστω το τριώνυμο  $f(x) = \alpha x^2 + \beta x + \gamma$ ,  $\alpha \neq 0$ . Αν  $\Delta = 0$  τότε το  $f(x)$

έχει μία διπλή ρίζα  $\chi = -\frac{\alpha}{\beta}$

2) Εστω η εξίσωση  $\alpha x + \beta = 0$ . (1). Αν  $\alpha = 0$  τότε η (1) είναι ταυτότητα

3) Εστω το τριώνυμο  $f(x) = \alpha x^2 + \beta x + \gamma$ ,  $\alpha \neq 0$ . Αν  $\chi_1, \chi_2$ , οι ρίζες της  $f(x) = 0$  τότε  $f(x) = (\chi - \chi_1)(\chi - \chi_2)$ .

4) Ισχύει  $|\alpha \div \beta| \leq |\alpha| \div |\beta|$

5) Αν το σύστημα  $\begin{cases} \alpha x + \beta y = \gamma \\ \alpha' x + \beta' y = \gamma' \end{cases}$  έχει μοναδική λύση τότε  $D \neq 0$  ( $2 \times 5 = 10$ )

ΘΕΜΑ 2<sup>ο</sup> Α Να απλοποιηθεί η παράσταση:  $\frac{\chi^3 - 2\chi^2 \div \chi}{\chi^2 - \chi}$  (7)

Β Να λυθεί η ανίσωση:  $|3\chi - 2| < 4$  (8)

Γ Να λυθούν οι εξισώσεις: i)  $|2\chi - 3| = 5$  ii)  $2|\chi - 1| - 5|1 - \chi| + 6 = 0$  (10)

ΘΕΜΑ 3<sup>ο</sup> Α Αν οι ευθείες  $\epsilon: \psi = \frac{\lambda^2 + 3}{2}\chi + 1$  και  $\epsilon': \psi = 2\chi$  είναι παράλληλες να βρείτε το  $\lambda$  (9)

Β Δίνεται το σύστημα:  $\begin{cases} \lambda\chi + \psi = 2 - \lambda \\ \chi + \lambda\psi = \lambda \end{cases}$

Να βρείτε το  $\lambda$  ώστε το σύστημα να έχει i) μοναδική λύση (8)  
ii) άπειρες λύσεις (8)

ΘΕΜΑ 4<sup>ο</sup> Α Δίνεται η εξίσωση  $\chi^2 + \lambda\chi - (\lambda^2 + 1) = 0$  (1)

α) Να δείξετε ότι η (1) έχει 2 ρίζες πραγματικές και άνισες για κάθε  $\lambda \in R$  (8)

β) Αν  $\chi_1, \chi_2$  ρίζες της (1) να βρείτε το  $\lambda$  ώστε  $\chi_1^2 + \chi_2^2 = 5$  (9)

Β Για  $\lambda = 1$  να λυθεί η ανίσωση  $f(x) > 0$  όπου  $f(x) = \chi^2 + \lambda\chi - (\lambda^2 + 1)$  (8)