

Προαγωγικές εξετάσεις περιόδου Μαΐου-Ιουνίου στην ΑΛΓΕΒΡΑ

ΘΕΜΑ 1°

Α) Να αποδείξετε την ιδιότητα:

$$\log_a(\theta_1 \cdot \theta_2) = \log_a \theta_1 + \log_a \theta_2 \quad \text{όταν } a, \theta_1, \theta_2 > 0 \text{ και } a \neq 1. \quad (\text{M15})$$

Β) Να σημειώσετε για κάθε ερώτηση που ακολουθεί αν είναι **ΣΩΣΤΟ** ή **ΛΑΘΟΣ** ότι:

1. $\log 10 = 1$

2. $\ln 1 = 0$

3. $\log \frac{1}{3} < 0$

4. $a_n = a_1 \cdot \lambda^n$ όταν a_n γεωμετρική πρόοδος και λ ο λόγος της προόδου.5. $\beta^2 = \alpha + \gamma$ όταν α, β, γ διαδοχικοί όροι γεωμετρικής προόδου
(M2χ5=10)**ΘΕΜΑ 2°**Εστω μία αριθμητική πρόοδος a_n με διαφορά ίση με ω .Α) Αν $a_{24} = 7$ και $a_{25} = 12$ να υπολογίσετε το ω και τον όρο a_1 . (M10)Β) Να βρεθεί ο όρος a_{101} και το άθροισμα των 25 πρώτων όρων της προόδου, (M10)Γ) Να εξετάσετε αν ο αριθμός $\chi = 2007$ είναι όρος της προόδου. (M5)**ΘΕΜΑ 3°**Δίνεται το πολυώνυμο $P(x) = (\alpha + \beta)x^3 - 2x^2 + x + (3\alpha - 2\beta - 9)$ Α) Να υπολογίσετε τα α και β ώστε το πολυώνυμο να έχει για παράγοντα το $\chi + 1$ και το υπόλοιπο της διαίρεσης του πολυωνύμου δια $\chi - 2$ να είναι ίσο με 6 (M12)Β) Αν $\alpha = 3$ και $\beta = -2$ να λύσετε την ανίσωση $P(\chi) > 2\chi^2 - 2$ (M13)**ΘΕΜΑ 4°**

Δίνονται οι συναρτήσεις με τύπους:

$$f(x) = \log 3x - \log(x-2) - 2\log 2 \quad \text{και} \quad g(x) = \sqrt{3^x}$$

Α) Να λυθεί η εξίσωση $f(\chi) = 0$ (M9)Β) Να λυθεί η εξίσωση $g(\chi) = 81$ (M7)Γ) Να υπολογίσετε τα $\alpha, \beta, \gamma, \delta$ ώστε το πολυώνυμο:
$$P(x) = f(\alpha)x^3 + (g(\beta) - 81)x^2 - (2^\gamma - 3)x + (\ln \delta - 2)$$
 να είναι το μηδενικό πολυώνυμο. (M9)

